

# 1. LR(1) 的含义

从左到右处理输入，<sup>↓</sup> 变成最右推导，使用先行的 1 个符号

自底向上的分析使用了显式栈，栈中包括起 token 和非终结符，以及 ~~后面~~ 一些其他信息。

刚开始栈是空的，输入串的末尾还加了 \$

若最终栈中为 \$S\$，输入串剩余，则分析成功

自底向上分析有两步动作：

① 移进/移入 (shift): 将终结符从输入的栈移到栈顶。

② 规约 (reduce): 假设 BN 选择  $A \rightarrow \alpha$ , 将栈顶部的串归约为非终结符 A。

## 2. 扩充/增广 (augmented):

增加  $S' \rightarrow S$  到文法中，且令  $S'$  为开始符号

LR(0)项 (LR(0) item): 上下文无关文法右边带有区分位置的产生式选择.  $\rightarrow$  LR(0)项是带有位置信息的产生式  
用区分这个位置.

LR(0)项构建：① 把所有产生式展开 (删除选择)  
② 在每一个产生式中的右侧子句位置添加.

项记录了特定文法规则右边识别中的中间步骤

## 4. 初始项 (initial item)

项目  $A \rightarrow \alpha$  意味着看哪部分要利用  $A \rightarrow \alpha$  识别 A

## 完整项 (complete item)

项目  $A \rightarrow \alpha$  意味着从现在位于分析栈的顶部.

## 6 LR(0) 项的 NFA

状态: LR(0) 项作为自动机的状态来使用.

转换: 2步

对每一个 LR(0) 项  $A \rightarrow \alpha X \beta$ ,

① 添加转换  $(A \rightarrow \alpha X \beta) \xrightarrow{X} (A \rightarrow \alpha X \cdot \beta)$

② 若  $X$  是非终结符, 则对每一个初项  $X \rightarrow \cdot \beta$

添加转换  $(A \rightarrow \alpha \cdot X \beta) \xrightarrow{\epsilon} A \xrightarrow{X} (\cdot X \rightarrow \beta)$

开始状态:

初项  $S' \rightarrow S$  为 NFA 的开始状态

接受状态:

NFA 无接受状态 (关于接受的信息并不在接受状态中)

## 6 LR(0) 项 NFA $\rightarrow$ DFA:

子集构造法 (方法一)

核心项和闭包项

kernel item closure item

在 LR(0) 的 DFA 中, 在  $\epsilon$  闭包步聚中添加到状态中的项目为 闭包项

引起状态作为转换目标的项目称为核心项。

核心项的重要性:

若有一个文法, 核心项唯一地判断出状态以及它的转换, 那么只需指出核心项就可以完整地表示出项目集的 DFA.

## 8 LR(0)分析算法 → 使用了构建好的NFA

该算法需了解DFA的当前状态，所以须修改分析栈以使不但能存储符号，而且还能存储状态。

### 修改分析栈

在压入一个符号后再将新的状态压入分析栈。

### 开始时将~~输入~~<sup>输入末尾添加#</sup>和开始状态压入栈中，输入末尾添加#

输入末尾添加#

所有的分析栈开始时栈内~~只压入输入~~  
只压入开始状态或符号  
输入都需要在末尾加#。

### 动作定义

令当前状态S为栈顶状态，

只要存在就执行

移进: 若状态S包含了格式  $A \rightarrow a.X\beta$  的任一项目，其中X是一个终结符，则动作即为移进，将X压入后面压入的状态为包含项目  $A \rightarrow aX\beta$  的状态。

判断是哪种

规则  
用  $S' \rightarrow S$  和接受条件

归约: 若状态S包含了任何完整项 ( $A \rightarrow \alpha.$ )，则动作用规则  $A \rightarrow \alpha$  归约，具体如下。  
① 将本身及它的所有对应状态从分析栈中删去  
② 将A压入栈中，并压入包含  $B \rightarrow \alpha A \beta$  的状态。



LR(0)文法判断(根据 LR(0) DFA) 无移进和规约项即为 LR(0) 法。

且仅当每个状态仅包括“移进项目”或仅包括单个完整项目的归约时，该文法才是 LR(0)。



### LR(0)分析表: 五元组

纵轴是 DFA 的状态 横轴是 动作 (规则 / 归约用) 移进 (输入 / 移进用)、Goto (归约用)

格式

状态 动作 规则

0 移进

1 规约  $A \rightarrow A$

2

归约

移进

token 输入

非终结符 输入

状态	动作	规则	输入	
			token	非终结符
0	移进		↑	
1	规约	$A \rightarrow A$		↓
2				

规约的 token 和 Goto 都是空的  
移进的话，规则是空的。

→ 和 SLR(0) 文法判定

新状态



LR(0) 表构造方法: 以及 LR(0) 文法判定

① 遍历每个状态，

均为遍历状态

② 判断该状态的类型 (移进或规约? ①, 即确定动作)

根据 LR(0) 分析移进和规约的定义

③ 选择规约使用的规则或对不同的输入(token)和“Goto”(非终结符)来确定新状态。

## 10. SLR(1) 分析算法

简单LR(1)分析算法，仍使用 LR(0) 项的 DFA.

与 LR(0) 分析的区别：

① 在移进前考虑输入的 token 以确保保存在一个恰当的 DFA.

② 使用非终结符的 Follow 集合来决定是否执行一个归约。

与 LR(0) 的不同

动作定义

移进：若状态  $S$  包含了  $A \rightarrow \alpha X \beta$  的任意项目， $X$  是个终结符，且  $\alpha$  是输入串中的下一个记号。

则动作是将当前输入的 token 移入栈中，且被压入到栈中的新状态是包含了项目  $A \rightarrow \alpha X \beta$  的状态。

归约：若状态  $S$  包含了 ~~完整项~~  $A \rightarrow Y$ ，且当前串中的下一个 token 在  $\text{Follow}(A)$  中。

则动作是用规则  $A \rightarrow Y$  规约。

(用规则  $S \rightarrow S$  归约并接受等价，且只有当下一个输入记号是  $\$$  时，这才会发生。)

具体：① 删除串  $\alpha$  和所有它的剩余分析栈中的对应状态

② 将  $A$  压入，并将包含项目  $B \rightarrow \alpha A \beta$  的状态压入。

## 12. SLR(1) 文法判定：根据 DFA

当且仅当每个状态  $S$  满足下面2个条件：

1. 对于  $S$  中的任何项目  $A \rightarrow \alpha \cdot X \beta$ ，当  $X$  是终结符，且  $\alpha$  在  $\text{Follow}(B)$  中时，  
没有完整项  $B \rightarrow Y$ .

2. 对于  $S$  中的任何两个完整项  $A \rightarrow \alpha$  和  $B \rightarrow \beta$ ， $\text{Follow}(A) \cap \text{Follow}(B) = \emptyset$ 。

## SLR(1) 分析表：

将 LR(0) 分析表的动作、规则列删除，将其内容合并至输入列的括号中。  
且输入列再加一个 \$

格式

状态	输入	Goto			
		n	+	*	E
0	\$				1
1	$M(E \rightarrow n)$				2

① 移进  
② 新状态是 1

用  $E \rightarrow n$  规约

新状态是 2

# 1. LR(0) 的概念

2. 增广文法  $S' \rightarrow S$

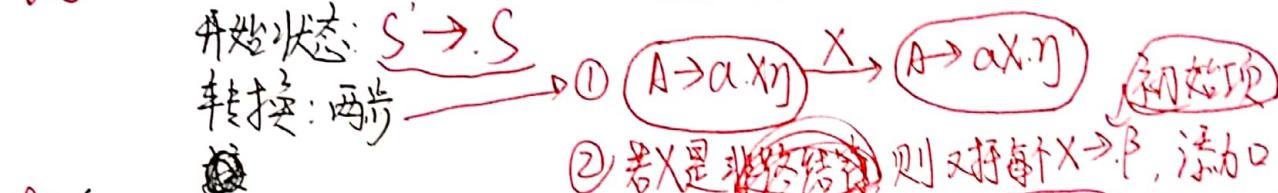
3. LR(0) 项的定义及构建

① 矩形选择

② 不同位置加点

4. 初始项和完整项

5. LR(0) 项的 NFA 构建



6. LR(0) 项 NFA 转 DFA: 3 集构造

7. LR(0) 分析表的结构和内容

8. LR(0) 分析算法: 开始情况和动作定 X

9. LR(0) 反法判断

根据 DFA, 每个状态要么规约要么移入

10. SLR(1) 分析算法

考虑输入的一个 token

根据输入的一个 token 是否在 Follow 集中

11. SLR(1) 分析表结构和内容

三列: 动作和规则并入 输入的指针

12. SLR(1) 反法判定

① 若存在  $\alpha X\eta$ , 且 X 是终, 则:

且 X 在 Follow(B) 中

该状态 S 不含 完整项  $B \rightarrow Y$ .

② 任意两个完整项  $A \rightarrow x, B \rightarrow y$ ,  
 $\text{Follow}(A) \cap \text{Follow}(B) = \emptyset$ .

过程① 增广文法

② LR(0) 项构建

③

5